

1. c) 0.8
2. c) 0.8
3. b) 0.8
4. d) 0.8
5. $N_{neutrinos} = 2N_{fusões}$ (por segundo) 1.5
- $$N_{fusões} = \frac{L_{Sol}}{E_{fusão}}$$
- $$N_{neutrinos \text{ por metro quadrado na Terra}} = \frac{N_{neutrinos}}{4\pi D_{Terra \text{ ao Sol}}^2}$$
- Uma vez que não era fornecida na prova a relação entre Joules e eV, não era necessário chegar ao resultado final de $6,4 \times 10^{14}$ neutrinos.
6. (a) Nos locais B e E. Também se considera correcto se, **adicionalmente** a estes, o local C for incluído na resposta. 1.0
- (b) C 1.0
- (c) E 0.8
7. (a) As nuvens moleculares contêm grandes quantidades de poeira. A poeira torna as nuvens opacas à luz visível e transparentes à luz infravermelha (porque o comprimento de onda do infravermelho é comparável ao tamanho das poeiras). Na imagem A, por ser no infravermelho, a luz das estrelas jovens que ainda estão no interior da nuvem consegue sair e por isso conseguimos vê-las; a radiação visível que emitem fica bloqueada pela nuvem. 1.0
- (b) Os ventos e os jatos das estrelas jovens dissipam a nuvem. Nessa altura veríamos apenas as estrelas, que são semelhantes no visível e no infravermelho próximo. À medida que o tempo passa as imagens no visível e no infravermelho tornam-se cada vez mais semelhantes. (outra diferença seria a quantidade de estrelas na imagem; sem a nuvem a causar extinção veríamos muito mais estrelas não relacionadas com o evento de formação estelar, principalmente no visível). 1.0
- (c) Na sequência principal a estabilidade da estrela é mantida através do equilíbrio entre a força da gravidade e a pressão gerada pela fusão do H no núcleo. A gravidade atua para compactar a estrela sob o seu próprio peso, e a pressão atua no sentido contrário. Se só existisse uma das duas, a estrela não sobreviveria. 1.0

8. galáxia satélite \Rightarrow massa = m raio = r com órbita circular = D
galáxia \Rightarrow massa = M raio = R

(a) $v = \sqrt{\frac{GM}{D}}$ 1.2

(b) $T_{fric} = 132$ Giga anos 1.2

(c) $F_m = G \frac{mm'}{r^2}$ 1.2

(d) $F_M = F_m$ 1.0

9. (a) Do 1 ao último mínimo (14, falta um em que não houve medida) vão: 1.0

$t = 96,5 - 54,5 = 42$ dias, logo o período vem como:

$$P = \frac{42 \text{ dias}}{13 \text{ órbitas}} = 3,23 \text{ dias/órbita}$$

- (b) Do 1 contacto ao 3 contacto (ou do 2 ao 4) vão $3,5 \pm 0,1h$ (variação aceitável 3,4h a 3,6h). 1.2

Como o raio da estrela é:

$$R_* = 1,391 R_\odot = 1,391 \times 6,955 \times 10^8 \text{ m} = 9,674 \times 10^8 \text{ m}$$

Então a velocidade orbital sem considerar inclinação da órbita vem como:

$$v = \frac{2R_*}{t_{\text{trânsito}}} = \frac{2 \times 9,674 \times 10^8}{3,5 \times 60 \times 60} = 1,54 \times 10^5 \text{ m/s}$$

- (c) diminuição relativa = $\frac{R_{\text{Planeta}}^2}{R_*^2} \Leftrightarrow R_{\text{Planeta}}^2 = 0,011 \times (9,674 \times 10^8)^2 = 1,03 \times 10^{16}$ 1.2

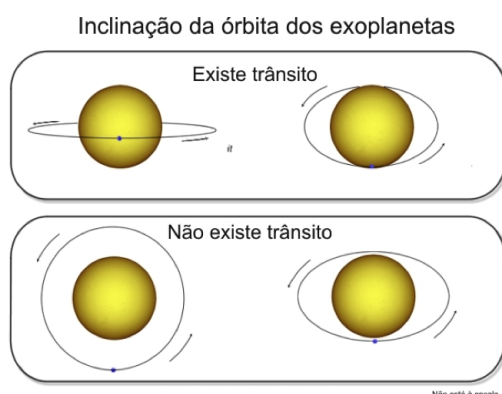
logo,

$$R_{\text{Planeta}} = \sqrt{1,03 \times 10^{16}} = 1,015 \times 10^8 \text{ m}$$

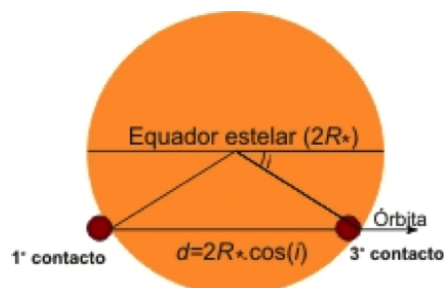
Como $R_{\text{Júpiter}} = 6,99 \times 10^7 \text{ m}$, então:

$$R_{\text{Planeta}} = \frac{1,015 \times 10^8}{6,99 \times 10^7} = 1,45 R_{\text{Júpiter}}$$

- (d) Quanto mais inclinada for a órbita menor será a distância percorrida "sobre" a superfície da estrela. 1.5



Numa órbita inclinada a distância percorrida pelo planeta medida usando a superfície da estrela é: $d = 2R_* \cos(i)$, em que i o ângulo de inclinação da órbita correspondente à "latitude" da estrela onde se dão os contactos (dada a proporção entre a distância percorrida no trânsito e a dimensão da órbita, podemos considerar que o trânsito se dá em linha reta sobre a superfície da estrela).



Então temos:

$$v_{real} = \frac{2R_* \cos(i)}{t_{tr\grave{a}nsito}} \Leftrightarrow v_{real} = v_{al\grave{í}nea\ b)} \cos(i)$$

$$\cos(i) = \frac{1,83 \times 10^4}{1,54 \times 10^5} = 0,123$$

ou seja, $i = 82,95^\circ$.